

4 Analyse von Gleichstromnetzen

Student Group

First Name	Surname	Matrikel Nr.

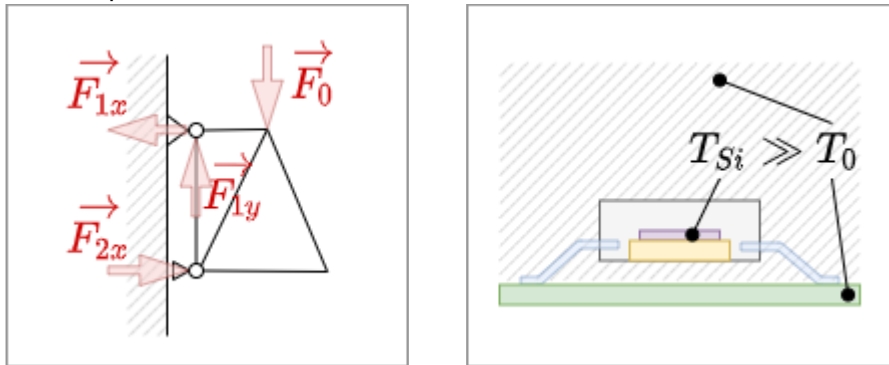
Table of Contents

4. Analyse von Gleichstromnetzen	2
Ziele	2
4.1 Einführung in die notwendigen Begriffe	2
4.2 Zweigstromverfahren	3
4.3 Maschenstromverfahren	4
4.4 Knotenpotentialverfahren	5
4.5 Überlagerungsverfahren / Superpositionsprinzip	6
Tipps	8
Aufgaben	8
Aufgabe 4.x.1 Umwandlung eines bipolaren Signals in ein unipolares	8
Aufgabe 4.x.2 Übungsaufgabe	8
Aufgabe 4.x.2 Übungsaufgabe	9

Aufgrund des verkürzten Semesters ist für das WiSe2020 nur das Unterkapitel 4.5 relevant.

4. Analyse von Gleichstromnetzen

Fig. 1: Beispiele für Netzwerke



Die **Netzwerkanalyse** nimmt in der Elektrotechnik eine zentrale Rolle ein. Sie ist deswegen so wichtig, weil damit die auf den ersten Blick komplizierte Schaltungen und Systeme soweit vereinfacht werden können, um diese zu verstehen und Ergebnisse daraus ableiten zu können.

Daneben sind kommen Netzwerke auch in anderen Bereichen vor, zum Beispiel dem Kraftfluss durch ein Fachwerk oder dem Wärmefluss durch einzelne Hardware-Elemente (**figure 1**). Auch bei diesen Netzwerken können die im Folgenden gezeigten Konzepte angewandt werden.

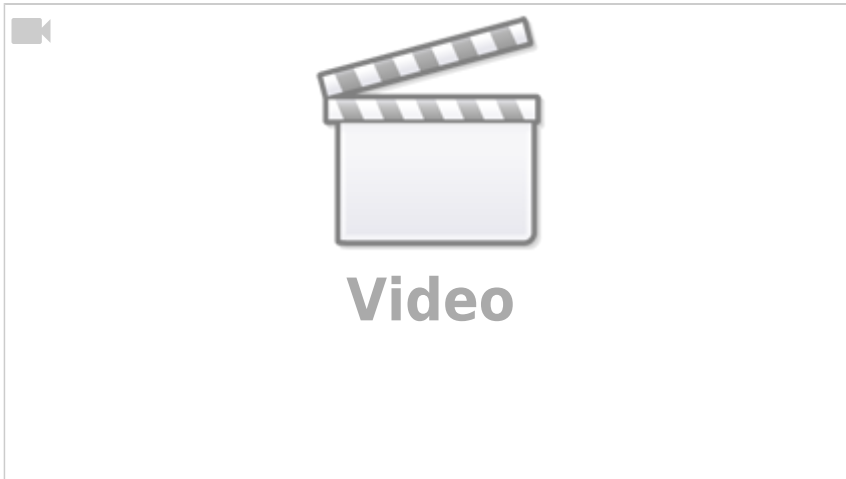
Ziele

Nach dieser Lektion sollten Sie:

1. die Anzahl der Knoten, Anzahl der (Baum- und Verbindungs-)Zweige sowie die Anzahl der Maschen ermitteln können.
2. aus einem elektrischen Netzwerk einen vollständigen Baum erstellen können.
3. das Zweigstromverfahren, Maschenstromverfahren und Knotenpotentialverfahren nachvollziehen können.
4. das Überlagerungsverfahren nachvollziehen und anwenden können.

4.1 Einführung in die notwendigen Begriffe

Erklärung zu Knoten, Zweig, Masche, Graph, vollständiger Baum



4.2 Zweigstromverfahren

Im Zweigstromverfahren werden:

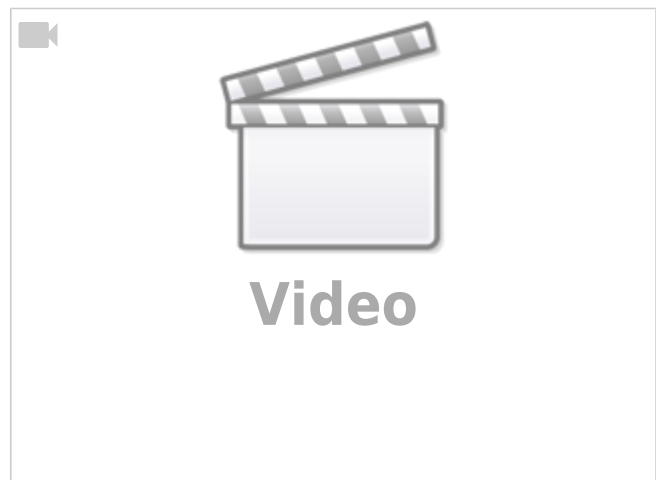
- für alle Knoten k jeweils die Gleichung: $\sum_{i=0}^{N_i} I_i = 0$ und
- für alle Maschen m jeweils die Gleichung: $\sum_{j=0}^{N_j} U_j = 0$ aufgeschrieben

Diese können dann als Matrixgleichung betrachtet werden und mit den Regeln der (mathematischen) Kunst gelöst werden.

Im Video 1 werden folgende Schritte beschrieben:

1. Aufschreiben der gegebenen Schaltung und Größen
2. Einzeichnen und Bezeichnen der Knoten
3. Einzeichnen und Bezeichnen der Maschen

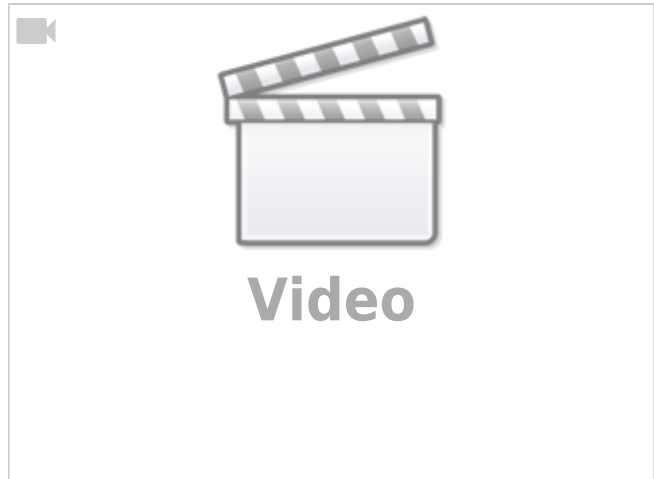
Zweigstromanalyse 1/4



Im Video 2 werden folgende Schritte beschrieben:

4. Einzeichnen und Bezeichnen der Zweigströme
5. Einzeichnen und Bezeichnen der Zweigspannungen

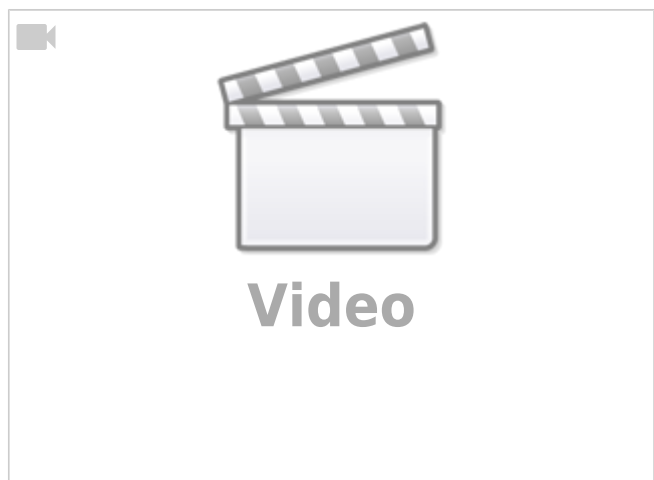
Zweigstromanalyse 2/4



Im Video 3 werden folgende Schritte beschrieben:

6. Knotengleichungen und Maschengleichungen aufstellen
7. Umwandeln in Matrix-Schreibweise

Zweigstromanalyse 3/4



Im (hier nicht eingebetteten) [Video 4](#) werden folgende Schritte beschrieben:

8. Einfügen der Zahlenwerte
9. Berechnung der Matrix mittels Taschenrechner

4.3 Maschenstromverfahren

Im Maschenstromverfahren werden nur für alle Maschen m jeweils die Gleichung: $\sum_{j=0}^{N_j} U_j = 0$ betrachtet. Diese werden aber in der Form $R \cdot I = U$ dargestellt.

Vorteil hierbei: Die Anzahl der zu lösenden Gleichungen reduziert sich auf die Anzahl der unabhängigen Maschenströme.

Auch diese können als Matrixgleichung betrachtet werden und wider mit den Regeln der (mathematischen) Kunst gelöst werden.

Im Video 1 wird anhand eines Beispiels das Maschenstromverfahren angewandt.

Maschenstromanalyse



Wichtig: Zwar erklärt das Video die Anwendung super, enthält aber bei Minute 6:50 einen kleinen Fehler. Das Vorzeichen der Spannungen auf der rechten Seite muss jeweils invertiert werden. Dies wurde einige Sekunden davor auch richtig erklärt.



Video

Auch im Video 2 wird anhand eines Beispiels das Maschenstromanalyse Maschenstromverfahren angewandt.



Video

Im (hier nicht eingebetteten) [Video 3](#) zeigt ausführlich, wie das Maschenstromverfahren hergeleitet werden kann.

4.4 Knotenpotentialverfahren

Im Knotenpotentialverfahren werden nur für alle Knoten k jeweils die Gleichung:

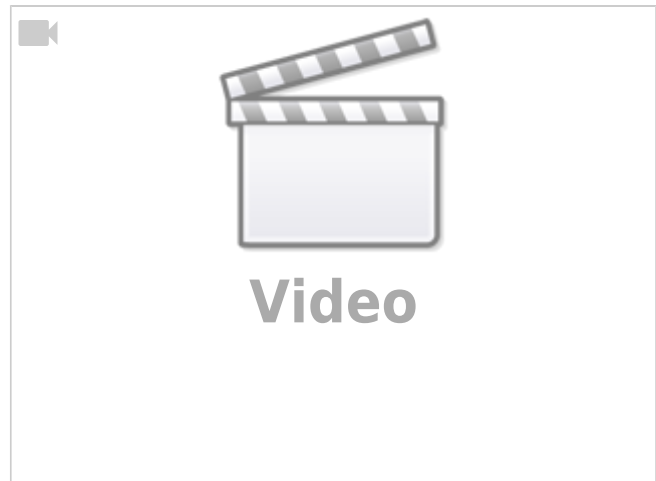
$\sum_{i=0}^{N_i} I_i = 0$ betrachtet. Diese werden aber in der Form $\frac{1}{R} \cdot U = I$ bzw. $G \cdot U = I$ dargestellt.

Vorteil hierbei: Die Anzahl der zu lösenden Gleichungen reduziert sich auf die Anzahl der vorhandenen Knoten (minus 1).

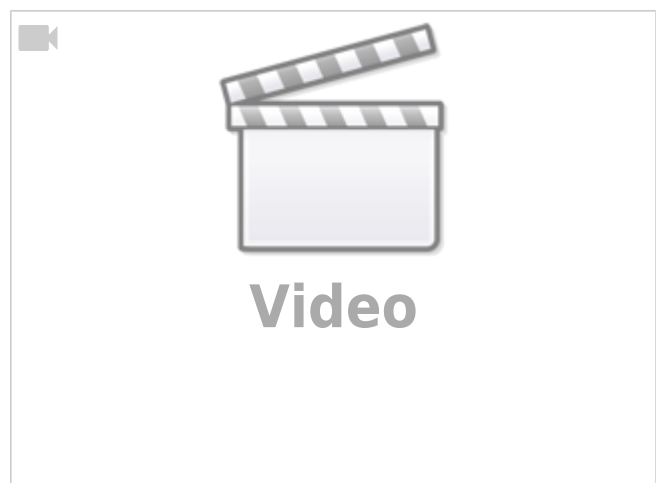
Auch diese können als Matrixgleichung betrachtet werden und wider mit den Regeln der (mathematischen) Kunst gelöst werden.

Im Video 1 wird die Idee hinter der Knotenpotentialanalyse einfach erklärt.

einfaches Beispiel für eine Knotenpotentialanalyse



Auch im Video 2 wird anhand eines Beispiels das komplexeres Beispiel für eine Knotenpotentialverfahren angewandt.



Im (hier nicht eingebetteten) [Video 3](#) zeigt ausführlich, wie das Knotenpotentialverfahren hergeleitet werden kann.

4.5 Überlagerungsverfahren / Superpositionsprinzip

Das Superpositionsprinzip soll zunächst durch einige Beispiele dargestellt werden

Beispiel 1 (aus den Vorstellungsgesprächen der Consulting-Branche)

Aufgabe: Drei Studierende sollen einen Pool füllen. Wenn Alice diesen alleine füllen würde, so bräuchte sie 2 Tage. Bob bräuchte 3 Tage und Carol bräuchte 4 Tage. Wie lange benötigen alle drei um einen Pool zu füllen, wenn sie zusammenhelfen?

Die Frage klingt zunächst weit weg vom Thema, hat aber unmittelbaren Bezug dazu. Der Punkt ist, dass zur Lösung das Füllen des Pools als linear angenommen wird. Alice wird also $\frac{1}{2}$ des Pools pro Tag füllen. Bob $\frac{1}{3}$ und Carol $\frac{1}{4}$ des Pools pro Tag füllen. Am ersten Tag ist also $\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} = \frac{6 + 4 + 3}{12} = \frac{13}{12}$ des Pools gefüllt. Die drei benötigen also $\frac{12}{13}$ eines Tages.

Diese Lösung ist aber nur möglich, da bei linearen Systemen die Teilergebnisse addiert werden können.

Beispiel 2

Eine mechanische, lineare Feder wird mit den Massen m_1 und m_2 im Gravitationsfeld der Erde ausgelenkt (siehe [figure ##](#)). Wie groß ist die Auslenkung, wenn beide Massen gleichzeitig angehängt werden?

Auch hier wird ein lineares Gesetz genutzt: $\vec{s} = -D \cdot \vec{F} = f(\vec{F})$.
Es gilt hier der (scheinbar triviale) Ansatz:

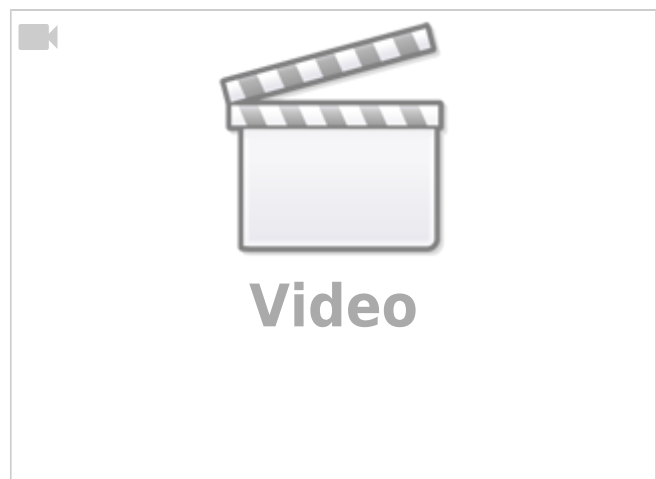
$$\begin{aligned} f(\vec{F}_1 + \vec{F}_2) &= -D \cdot (\vec{F}_1 + \vec{F}_2) \\ &= -D \cdot \vec{F}_1 - D \cdot \vec{F}_2 \\ &= f(\vec{F}_1) + f(\vec{F}_2) \end{aligned}$$

Im Überlagerungsverfahren wird der eine gesuchte Strom (bzw. die eine gesuchte Spannung) in einer Schaltung mit mehreren Quellen als Überlagerung der entstehenden Ströme (bzw. Spannungen) der einzelnen Quellen betrachtet. Das Überlagerungsverfahren (auch Superpositionsprinzip genannt) kann bei verschiedensten physikalischen Aufgabenstellungen genutzt werden. Grundlage dafür ist, dass sich das System linear verhält.

Auf eine Matrix-Darstellung kann hier verzichtet werden.

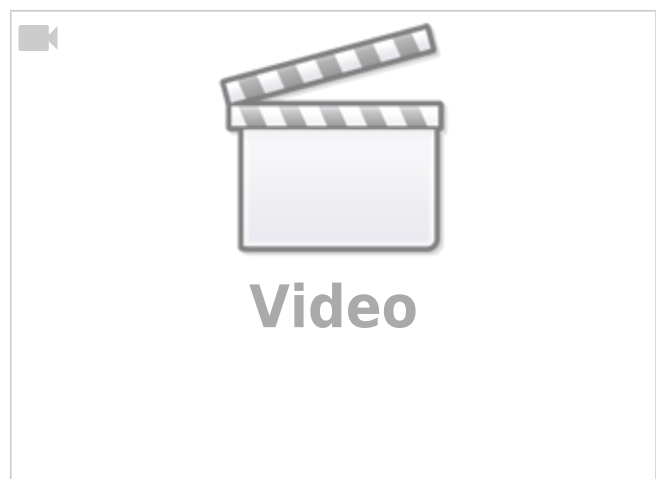
Im Video 1 wird das Superpositionsprinzips anhand eines einfachen Beispiels erklärt

einfache Betrachtung des Superpositionsprinzips



Auch im Video 2 wird anhand eines Beispiels das komplexeres Beispiel für das Überlagerungsverfahren angewandt.

Überlagerungsverfahren



Tipps

1. Auf der [Wikiseite zu Netzwerkanalyse](#) sind die verschiedenen Methoden sehr gut kompakt beschrieben

Aufgaben

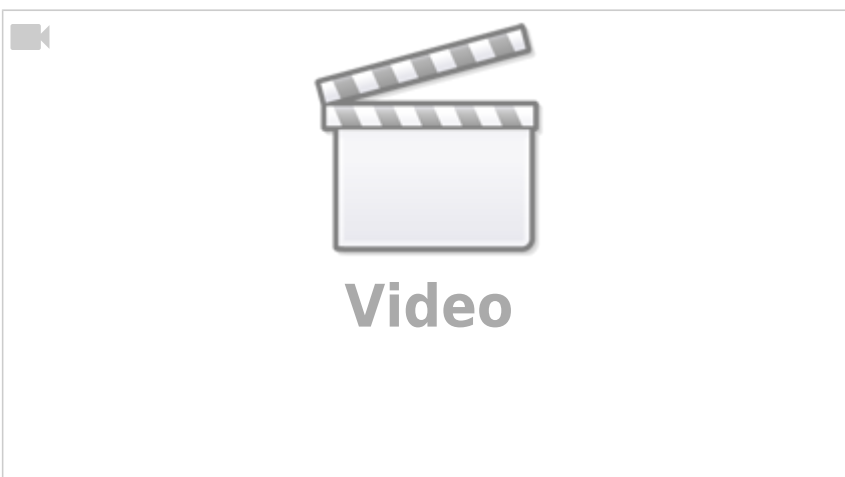
Aufgabe 4.x.1 Umwandlung eines bipolaren Signals in ein unipolares

Stellen Sie sich vor, Sie wollen entwickeln eine Schaltung entwickeln, welche ein Sensorsignal so konditionieren soll, dass dieses von einem Mikrocontroller verarbeitet werden kann. Das Sensorsignal ist im Bereich $U_{\text{sens}} \in [-15 \dots 15\text{V}]$, der Microcontrollereingang kann Werte einlesen im Bereich $U_{\text{uC}} \in [0 \dots 3,3\text{V}]$. Der Sensor kann einen Strom von maximal $I_{\text{sens,max}} = 1\text{mA}$ liefern. Für den Innenwiderstand des Microcontrollereingangs gilt: $R_{\text{uC}} \rightarrow \infty$

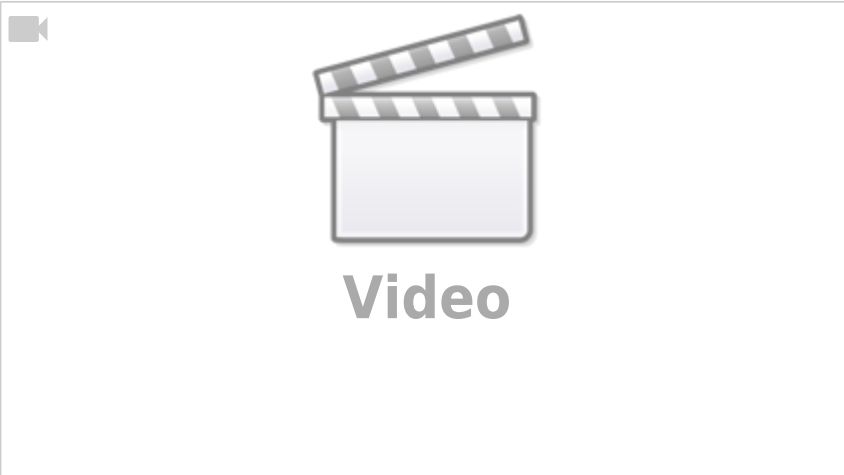
Zur Konditionierung soll das Eingangssignal über den Längswiderstand R_3 auf das Mittenpotential eines Spannungsteilers $R_1 - R_2$ mit R_1 gegen $U_{\text{uC,max}}$ geführt werden (ähnliche Schaltung siehe in Simulation rechts).

1. Ermitteln Sie den Zusammenhang zwischen R_1 , R_2 und R_3 mittels Superposition.
2. Ermitteln Sie den Zusammenhang zwischen R_1 , R_2 und R_3 mittels Stern-Dreieck Umwandlung.
3. Wie groß ist der Eingangswiderstand $R_{\text{in}}(R_1, R_2, R_3)$ der Schaltung (betrachtet vom Sensor aus)?
4. Wie groß darf der Eingangswiderstand $R_{\text{in}}(R_1, R_2, R_3)$ maximal sein, damit der Sensor noch Strom liefern kann?
5. Ermitteln Sie geeignete Werte für R_1 , R_2 und R_3
6. Welche Werte für R^0_1 , R^0_2 und R^0_3 aus der [E24-Reihe](#) können dazu verwendet werden?

Aufgabe 4.x.2 Übungsaufgabe



Aufgabe 4.x.2 Übungsaufgabe



From:
<https://wiki.mexle.te.hs-heilbronn.de/> - MEXLE Wiki

Permanent link:
https://wiki.mexle.te.hs-heilbronn.de/elektrotechnik_1/analyse_von_gleichstromnetzen?rev=1605213878

Last update: **2021/05/09 10:00**

